

VEKTOR RUUMIS

1. Kirjutada ühe suvalise punkti koordinaadid, kui on teada, et punkt asetseb
 - a) yz -tasandil; b) x -teljel
2. Leida vektori \overrightarrow{PM} koordinaadid ja pikkus, kui $P(1; -3; 4)$ ja $M(0; -5; -9)$.
3. Leida vektori $\overrightarrow{RT} = (-6; 2; 1)$ alguspunkti koordinaadid, kui lõpp-punkti koordinaadid on $T(1; -3; 4)$.
4. Leida vektori $\overrightarrow{RT} = (-6; 2; 1)$ lõpp-punkti koordinaadid, kui alguspunkti koordinaadid on $R(1; -3; 4)$. Leida \overrightarrow{RT} pikkus.
5. On antud vektorid $\vec{a} = (3; -2; 1)$, $\vec{b} = (4; -5; 0)$. Leida $-3\vec{a} + 4\vec{b}$ ning $| -3\vec{a} + 4\vec{b} |$.
6. Leida kaks vektoriga $\vec{k} = (-2; 7; 1)$ kollineaarset vektorit.
7. Leia järgmiste vektorite paaride seast kollineaarseid.
 - a) $(3; 3; 2)$ ja $(-3; -3; -2)$ c) $(2; 0; 0)$ ja $(-3; 0; 0)$
 - b) $(3; 4; 5)$ ja $(5; 4; 3)$ d) $(3; 3; 2)$ ja $(0; 0; 3)$
8. Missuguste a ja b korral on vektorid $\vec{m} = -2\vec{i} + 3\vec{j} + b\vec{k}$ ja $\vec{n} = a\vec{i} - 6\vec{j} + 2\vec{k}$ kollineaarsed?
9. Leia vektori \vec{b} koordinaadid, kui ta on kollineaarne vektoriga $\vec{a} = (2\sqrt{2}; -1; 4)$ ja $|\vec{b}| = 10$.
10. Leia vektorite $\vec{a} = (3; 2; 1)$ ja $\vec{b} = (-1; 0; 3)$ summa ja vahe ning summavektori ja vahevektori pikkused. Kumb on vektoritest pikem ja mitu korda? Näidata, et $\vec{a} \perp \vec{b}$.
11. Leida nurk vektorite $\overrightarrow{RT} = (-6; 2; 1)$ ja $\overrightarrow{LE} = (3; -4; 7)$ vahel.
12. Kui k on positiivne arv, siis mitu kraadi on vektorite $\vec{p} = (k; k; -2k)$ ja $\vec{m} = (4; 0; -3)$ vaheline nurk?
13. Olgu $ABCDEF A_1B_1C_1D_1E_1F_1$ korrapärane kuusnurkne püstprisma. Olgu $\overrightarrow{AB} = \vec{a}$, $\overrightarrow{BC} = \vec{b}$, $\overrightarrow{DD_1} = \vec{c}$. Avalda vektorite \vec{a} , \vec{b} ja \vec{c} kaudu vektorid

a) $\overrightarrow{FC_1}$	b) $\overrightarrow{CA_1}$	c) $\overrightarrow{E_1C}$	d) $\overrightarrow{C_1F}$	e) $\overrightarrow{E_1E}$
f) $\overrightarrow{F_1A_1}$	g) $\overrightarrow{AF_1} + \overrightarrow{B_1C} + \overrightarrow{AB_1}$	h) $\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{B_1E_1} + \overrightarrow{AB_1} + \overrightarrow{F_1A}$		
14. On antud rööptahukas $ABCDA_1B_1C_1D_1$. Millised on järgmistes vektoritest komplanaarsed?

a) $\overrightarrow{AA_1}$, $\overrightarrow{CC_1}$ ja $\overrightarrow{B_1B}$	b) $\overrightarrow{AA_1}$, \overrightarrow{AB} ja \overrightarrow{AD}
c) $\overrightarrow{B_1B}$, \overrightarrow{AC} ja $\overrightarrow{DD_1}$	d) \overrightarrow{AD} , $\overrightarrow{A_1B_1}$ ja $\overrightarrow{CC_1}$
15. Kontrolli, kas vektorid on komplanaarsed.
 - a) $(2; 3; -1)$ $(1; -1; 3)$ $(1; 9; -11)$
 - b) $(3; -2; 1)$ $(2; 1; 2)$ $(3; -1; -2)$
16. Leida kolmnurga ABC raskuskeskme koordinaadid, kui $A(-2; 3; 4)$, $B(1, 10; -6)$, $C(4; 5; -6)$.

Vastused:

2. $(-1; -2; -13)$. $\sqrt{174}$

3. $(7; -5; 3)$

4. $(-5; -1; 5)$; $\sqrt{41}$

5. $(7; -14; -3)$, $\sqrt{254}$

6. nt $(-6; 21; 3)$

7. a), c)

8. $a = -4$; $b = 1$

9. $\vec{b} = (4\sqrt{2}; -2; 8)$ või $\vec{b} = (-4\sqrt{2}; 2; -8)$

10. $(2; 2; 4)$, $(4; 2; -2)$, $\sqrt{24}$; $\sqrt{24}$

11. ≈ 110

12. $\approx 35^\circ$

13. a) $\vec{c} + 2\vec{a}$; b) $-\vec{a} - \vec{b} + \vec{c}$; c) $2\vec{a} - \vec{b}$; d) $-2\vec{a} - \vec{c}$; e) $-\vec{c}$; f) $\vec{a} - \vec{b} - \vec{c}$; g) $2\vec{b} + \vec{c}$; h) $2\vec{b} - 2\vec{a}$

14. a) jah; b) ei; c) jah; d) ei

15. a) jah ; b) ei

16. $(1; 6; -2\frac{2}{3})$

